

Prénom, Nom :

Chacun des  $\square$  précédant les réponses aux questions posées doit être rempli par 'V' ( $\square V$ ) si la réponse est vraie, 'F' ( $\square F$ ) si elle est fausse et laissé en blanc sinon. Une réponse correcte ('V' ou 'F') rapporte 1 point, une réponse fausse enlève 1 point; la non-réponse ne rapporte ni n'enlève rien. Pour certaines réponses il faut de plus écrire une formule qui sera évaluée exactement comme si elle était pré-écrite (sauf lorsqu'elle fait double emploi avec une autre en quel cas elle ne rapporte rien). Il peut y avoir plusieurs réponses justes par question.

En cas d'erreur la corriger de la façon la plus intelligible possible (le correcteur sera un humain); le mieux est sans doute d'utiliser d'abord un crayon de papier et une gomme et de passer à l'encre au final.

Il y a 51 points à gagner (sous réserve d'ajustements possibles sur le barème la note finale sera a priori les 20/51 du nombre de points obtenus) et le test est calibré pour que les remplissages systématiques n'apportent aucun point au total.

Pour limiter l'efficacité des échanges entre élèves, les réponses sont permutées aléatoirement d'une feuille d'examen à l'autre.

Une très grande population est composée d'individus dotés d'un caractère dont les valeurs peuvent être 'a', 'b' ou 'c'. Les proportions d'individus ayant ces valeurs sont  $\bar{w}_a$ ,  $\bar{w}_b$  et  $\bar{w}_c$ . Un échantillon de taille  $N$  est prélevé, il contient  $n_a$ ,  $n_b$  et  $n_c$  individus dotés des caractères 'a', 'b' et 'c'.

$N = 10$ ,  $n_a = 1$ ,  $n_b = 3$ ,  $n_c = 6$ . Dans l'approximation gaussienne et en calculant l'écart-type à partir des données, l'intervalle de confiance au risque 5% de  $\bar{w}_b$  est

- ☐  $-59.82 \% < \bar{w}_b < 119.82 \%$   
☐  $1.6 \% < \bar{w}_b < 58.4 \%$   
☐  $6.18 \% < \bar{w}_b < 53.82 \%$   
☐ Autre, l'écrire :

$N = 100$ ,  $n_a = 10$ ,  $n_b = 30$ ,  $n_c = 60$ . Avec le risque 5%, l'hypothèse  $\bar{w}_a = 20 \%$  est-elle

- ☐ refusée au risque 5% de se tromper  
☐ acceptée par défaut  
☐ refusée par défaut  
☐ acceptée au risque 5% de se tromper

À partir de  $N$  valeurs  $x_n$  considérées comme des réalisations d'une variable aléatoire de Gauss-Laplace de moyenne  $\mu$  et d'écart-type  $\sigma$  on calcule  $\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N x_n$ ,  $\overline{x^2} = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N (x_n)^2$

Pour  $N = 5$ ,  $\bar{x} = 4$  et  $\overline{x^2} = 25$  l'intervalle de confiance de  $\sigma$  au risque 5% est

- ☐  $1.96 < \sigma < 12.92$   
☐  $2.01 < \sigma < 9.64$   
☐  $2.18 < \sigma < 7.96$   
☐ Autre, l'écrire :

Pour ces mêmes valeurs l'intervalle de confiance de  $\mu$  au risque 5% est

- ☐  $1.06 < \mu < 6.94$   
☐  $-0.16 < \mu < 8.16$   
☐  $0.61 < \mu < 7.39$   
☐ Autre, l'écrire :

On a mesuré simultanément les longueurs du bras gauche  $g_n$  et droit  $d_n$  de chaque individu  $n$  d'un échantillon de taille  $N$  pris dans une population des gens ayant leurs deux bras. Il s'agit de comparer ces deux caractères en supposant qu'ils sont tout deux répartis suivant une loi gaussienne.

Les tests valables sont

- ☐ Celui de l'hypothèse de moyenne nulle sur la distribution  $g_n - d_n$   
☐ Déjà celui de la comparaison des écart-types des distributions  $g_n$  et  $d_n$   
☐ Celui de la comparaison des moyennes de  $g_n$  et  $d_n$  dans tous les cas  
☐ Celui de la comparaison des moyennes de  $g_n$  et  $d_n$  seulement si les écart-types de  $g_n$  et  $d_n$  peuvent être supposés identiques

On a mesuré des longueurs de bras gauche  $g_n$  et droit  $d_n$  d'individus sans prendre la précaution d'apparier ces mesures. Il s'agit de comparer ces deux caractères en supposant qu'ils sont tout deux répartis suivant une loi gaussienne.

Les tests valables sont	<input type="checkbox"/> Celui de l'hypothèse de moyenne nulle sur la distribution $g_n - d_n$ <input type="checkbox"/> Déjà celui de la comparaison des écart-types des distributions $g_n$ et $d_n$ <input type="checkbox"/> Celui de la comparaison des moyennes de $g_n$ et $d_n$ dans tous les cas <input type="checkbox"/> Celui de la comparaison des moyennes de $g_n$ et $d_n$ seulement si les écart-types de $g_n$ et $d_n$ peuvent être supposées identiques
-------------------------	---

Dans le cas de la comparaison de deux distributions relier l'objectif au test adapté :	comparaison des moyennes	Test de Snedecor
	comparaison des écart-types	Test de Student-Fisher Test du $\chi^2$

On a examiné 140 individus en leur prêtant d'une part un caractère « Taille » prenant les valeurs 'Petit', 'Moyen', 'Grand' et d'autre part un caractère « Aspect » de valeurs 'Soigné' et 'Négligé'; le tableau des effectifs est :

Aspect \ Taille	Petit	Moyen	Grand
Soigné	100	80	60
Négligé	60	80	100

<input type="checkbox"/> Le test d'indépendance entre « Taille » et « Aspect » utilise la loi du $\chi^2$ à 1 degré de liberté <input type="checkbox"/> Le test d'indépendance entre « Taille » et « Aspect » utilise la loi du $\chi^2$ à 2 degrés de liberté <input type="checkbox"/> Les deux caractères dépendent l'un de l'autre en utilisant un risque de 1% <input type="checkbox"/> Les deux caractères dépendent l'un de l'autre en utilisant un risque de 5%
---

On dispose de  $N$  couples de données  $(x_n, y_n)$  et on cherche à savoir s'il y a une relation linéaire  $y = \alpha x + \beta$  entre les  $y$  et les  $x$ , dans les conditions expliquées en cours (i.e. les  $x_n$  sont supposés certain et les  $y_n$  sont des réalisations de variables aléatoires obtenues par l'addition des  $\alpha x_n + \beta$  et de la réalisation d'une variable aléatoire de Gauss-Laplace de moyenne nulle et d'écart-type  $\sigma$ ), Numériquement :  $x^2 = 1$  ;  $y^2 = 1$  ;  $\overline{x y} = \delta$  ;  $\overline{x} = 0$  ;  $\overline{y} = 0$

Les estimations $\alpha^*$ , $\beta^*$ de $\alpha$ et $\beta$ sont	<input type="checkbox"/> $\alpha^* = 1, \beta^* = 0$ <input type="checkbox"/> Autre, les écrire :
La quantité $\sum_{n=1}^N (y_n - \alpha^* x_n - \beta^*)^2$ vaut	<input type="checkbox"/> $N (1 - \delta^2)$ <input type="checkbox"/> $N 2 (1 - \delta)$ <input type="checkbox"/> Autre, l'écrire :
L'intervalle de confiance à 5% de $\sigma$	<input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi du $\chi^2$ à $N - 2$ ddls <input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ :
L'intervalle de confiance à 5% de $\alpha$	<input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi de Student-fisher à $N - 1$ ddls <input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ :
L'intervalle de confiance à 5% de $\beta$	<input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi de Student-fisher à $N - 2$ ddls <input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ :
Pour $N = 18, \delta = 4/5$	<input type="checkbox"/> dans 95% des cas $0.48 < \alpha < 1.12$ <input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être infirmée avec le risque 30% de se tromper <input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être acceptée avec le risque 5% de se tromper <input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être acceptée par défaut (le risque 5% a été utilisé)
Toujours pour $N = 18, \delta = 4/5$ , si $x = 0$ alors l'intervalle de confiance à 5% des réalisations $y$ est	<input type="checkbox"/> $-1.39 < y < 1.39$ <input type="checkbox"/> $-0.32 < y < 0.32$ <input type="checkbox"/> Autre, l'écrire :

Prénom, Nom :

Chacun des  $\square$  précédant les réponses aux questions posées doit être rempli par 'V' ( $\square V$ ) si la réponse est vraie, 'F' ( $\square F$ ) si elle est fausse et laissé en blanc sinon. Une réponse correcte ('V' ou 'F') rapporte 1 point, une réponse fausse enlève 1 point; la non-réponse ne rapporte ni n'enlève rien. Pour certaines réponses il faut de plus écrire une formule qui sera évaluée exactement comme si elle était pré-écrite (sauf lorsqu'elle fait double emploi avec une autre en quel cas elle ne rapporte rien). Il peut y avoir plusieurs réponses justes par question.

En cas d'erreur la corriger de la façon la plus intelligible possible (le correcteur sera un humain); le mieux est sans doute d'utiliser d'abord un crayon de papier et une gomme et de passer à l'encre au final.

Il y a 51 points à gagner (sous réserve d'ajustements possibles sur le barème la note finale sera a priori les 20/51 du nombre de points obtenus) et le test est calibré pour que les remplissages systématiques n'apportent aucun point au total.

Pour limiter l'efficacité des échanges entre élèves, les réponses sont permutées aléatoirement d'une feuille d'examen à l'autre.

Une très grande population est composée d'individus dotés d'un caractère dont les valeurs peuvent être 'a', 'b' ou 'c'. Les proportions d'individus ayant ces valeurs sont  $\bar{w}_a$ ,  $\bar{w}_b$  et  $\bar{w}_c$ . Un échantillon de taille  $N$  est prélevé, il contient  $n_a$ ,  $n_b$  et  $n_c$  individus dotés des caractères 'a', 'b' et 'c'.

$N = 10$ ,  $n_a = 1$ ,  $n_b = 3$ ,  $n_c = 6$ . Dans l'approximation gaussienne et en calculant l'écart-type à partir des données, l'intervalle de confiance au risque 5% de  $\bar{w}_b$  est

- ☐  $-59.82 \% < \bar{w}_b < 119.82 \%$   
☐  $1.6 \% < \bar{w}_b < 58.4 \%$   
☐  $6.18 \% < \bar{w}_b < 53.82 \%$   
☐ Autre, l'écrire :

$N = 100$ ,  $n_a = 10$ ,  $n_b = 30$ ,  $n_c = 60$ . Avec le risque 5%, l'hypothèse  $\bar{w}_a = 20 \%$  est-elle

- ☐ acceptée au risque 5% de se tromper  
☐ refusée au risque 5% de se tromper  
☐ refusée par défaut  
☐ acceptée par défaut

À partir de  $N$  valeurs  $x_n$  considérées comme des réalisations d'une variable aléatoire de Gauss-Laplace de moyenne  $\mu$  et d'écart-type  $\sigma$  on calcule  $\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N x_n$ ,  $\overline{x^2} = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N (x_n)^2$

Pour  $N = 5$ ,  $\bar{x} = 4$  et  $\overline{x^2} = 25$  l'intervalle de confiance de  $\sigma$  au risque 5% est

- ☐  $1.96 < \sigma < 12.92$   
☐  $2.18 < \sigma < 7.96$   
☐  $2.01 < \sigma < 9.64$   
☐ Autre, l'écrire :

Pour ces mêmes valeurs l'intervalle de confiance de  $\mu$  au risque 5% est

- ☐  $1.06 < \mu < 6.94$   
☐  $0.61 < \mu < 7.39$   
☐ Autre, l'écrire :  
☐  $-0.16 < \mu < 8.16$

On a mesuré simultanément les longueurs du bras gauche  $g_n$  et droit  $d_n$  de chaque individu  $n$  d'un échantillon de taille  $N$  pris dans une population des gens ayant leurs deux bras. Il s'agit de comparer ces deux caractères en supposant qu'ils sont tout deux répartis suivant une loi gaussienne.

Les tests valables sont

- ☐ Déjà celui de la comparaison des écart-types des distributions  $g_n$  et  $d_n$   
☐ Celui de la comparaison des moyennes de  $g_n$  et  $d_n$  dans tous les cas  
☐ Celui de l'hypothèse de moyenne nulle sur la distribution  $g_n - d_n$   
☐ Celui de la comparaison des moyennes de  $g_n$  et  $d_n$  seulement si les écart-types de  $g_n$  et  $d_n$  peuvent être supposés identiques

On a mesuré des longueurs de bras gauche  $g_n$  et droit  $d_n$  d'individus sans prendre la précaution d'apparier ces mesures. Il s'agit de comparer ces deux caractères en supposant qu'ils sont tout deux répartis suivant une loi gaussienne.

Les tests valables sont	<input type="checkbox"/>	Celui de l'hypothèse de moyenne nulle sur la distribution $g_n - d_n$
	<input type="checkbox"/>	Celui de la comparaison des moyennes de $g_n$ et $d_n$ seulement si les écart-types de $g_n$ et $d_n$ peuvent être supposés identiques
	<input type="checkbox"/>	Déjà celui de la comparaison des écart-types des distributions $g_n$ et $d_n$
	<input type="checkbox"/>	Celui de la comparaison des moyennes de $g_n$ et $d_n$ dans tous les cas

Dans le cas de la comparaison de deux distributions relier l'objectif au test adapté :	<div>comparaison des moyennes</div>	<div>Test de Snedecor</div>
		<div>Test de Student-Fisher</div>
	<div>comparaison des écart-types</div>	<div>Test du <math>\chi^2</math></div>

On a examiné 140 individus en leur prêtant d'une part un caractère « Taille » prenant les valeurs 'Petit', 'Moyen', 'Grand' et d'autre part un caractère « Aspect » de valeurs 'Soigné' et 'Négligé'; le tableau des effectifs est :

	Taille		
Aspect	Petit	Moyen	Grand
Soigné	100	80	60
Négligé	60	80	100

	<input type="checkbox"/>	Les deux caractères dépendent l'un de l'autre en utilisant un risque de 5%
	<input type="checkbox"/>	Le test d'indépendance entre « Taille » et « Aspect » utilise la loi du $\chi^2$ à 2 degrés de liberté
	<input type="checkbox"/>	Le test d'indépendance entre « Taille » et « Aspect » utilise la loi du $\chi^2$ à 1 degré de liberté
	<input type="checkbox"/>	Les deux caractères dépendent l'un de l'autre en utilisant un risque de 1%

On dispose de  $N$  couples de données  $(x_n, y_n)$  et on cherche à savoir s'il y a une relation linéaire  $y = \alpha x + \beta$  entre les  $y$  et les  $x$ , dans les conditions expliquées en cours (i.e. les  $x_n$  sont supposés certain et les  $y_n$  sont des réalisations de variables aléatoires obtenues par l'addition des  $\alpha x_n + \beta$  et de la réalisation d'une variable aléatoire de Gauss-Laplace de moyenne nulle et d'écart-type  $\sigma$ ), Numériquement :  $x^2 = 1$  ;  $y^2 = 1$  ;  $\overline{x y} = \delta$  ;  $\overline{x} = 0$  ;  $\overline{y} = 0$

Les estimations $\alpha^*, \beta^*$ de $\alpha$ et $\beta$ sont	<input type="checkbox"/> Autre, les écrire : <input type="checkbox"/> $\alpha^* = 2, \beta^* = 0$
La quantité $\sum_{n=1}^N (y_n - \alpha^* x_n - \beta^*)^2$ vaut	<input type="checkbox"/> $N (1 - \delta^2)$ <input type="checkbox"/> $N 2 (1 - \delta)$ <input type="checkbox"/> Autre, l'écrire :
L'intervalle de confiance à 5% de $\sigma$	<input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi du $\chi^2$ à $N - 2$ ddl <input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ :
L'intervalle de confiance à 5% de $\alpha$	<input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi de Student-fisher à $N - 1$ ddl <input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ :
L'intervalle de confiance à 5% de $\beta$	<input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ : <input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi de Student-fisher à $N - 2$ ddl
Pour $N = 18, \delta = 4/5$	<input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être infirmée avec le risque 30% de se tromper <input type="checkbox"/> dans 95% des cas $0.48 < \alpha < 1.12$ <input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être acceptée avec le risque 5% de se tromper <input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être acceptée par défaut (le risque 5% a été utilisé)
Toujours pour $N = 18, \delta = 4/5$ , si $x = 0$ alors l'intervalle de confiance à 5% des réalisations $y$ est	<input type="checkbox"/> Autre, l'écrire : <input type="checkbox"/> $-0.32 < y < 0.32$ <input type="checkbox"/> $-1.39 < y < 1.39$

Prénom, Nom :

Chacun des  $\square$  précédant les réponses aux questions posées doit être rempli par 'V' ( $\square V$ ) si la réponse est vraie, 'F' ( $\square F$ ) si elle est fausse et laissé en blanc sinon. Une réponse correcte ('V' ou 'F') rapporte 1 point, une réponse fausse enlève 1 point; la non-réponse ne rapporte ni n'enlève rien. Pour certaines réponses il faut de plus écrire une formule qui sera évaluée exactement comme si elle était pré-écrite (sauf lorsqu'elle fait double emploi avec une autre en quel cas elle ne rapporte rien). Il peut y avoir plusieurs réponses justes par question.

En cas d'erreur la corriger de la façon la plus intelligible possible (le correcteur sera un humain); le mieux est sans doute d'utiliser d'abord un crayon de papier et une gomme et de passer à l'encre au final.

Il y a 51 points à gagner (sous réserve d'ajustements possibles sur le barème la note finale sera a priori les 20/51 du nombre de points obtenus) et le test est calibré pour que les remplissages systématiques n'apportent aucun point au total.

Pour limiter l'efficacité des échanges entre élèves, les réponses sont permutées aléatoirement d'une feuille d'examen à l'autre.

Une très grande population est composée d'individus dotés d'un caractère dont les valeurs peuvent être 'a', 'b' ou 'c'. Les proportions d'individus ayant ces valeurs sont  $\bar{w}_a$ ,  $\bar{w}_b$  et  $\bar{w}_c$ . Un échantillon de taille  $N$  est prélevé, il contient  $n_a$ ,  $n_b$  et  $n_c$  individus dotés des caractères 'a', 'b' et 'c'.

$N = 10$ ,  $n_a = 1$ ,  $n_b = 3$ ,  $n_c = 6$ . Dans l'approximation gaussienne et en calculant l'écart-type à partir des données, l'intervalle de confiance au risque 5% de  $\bar{w}_b$  est

- ☐  $1.6 \% < \bar{w}_b < 58.4 \%$   
☐  $6.18 \% < \bar{w}_b < 53.82 \%$   
☐  $-59.82 \% < \bar{w}_b < 119.82 \%$   
☐ Autre, l'écrire :

$N = 100$ ,  $n_a = 10$ ,  $n_b = 30$ ,  $n_c = 60$ . Avec le risque 5%, l'hypothèse  $\bar{w}_a = 20 \%$  est-elle

- ☐ refusée au risque 5% de se tromper  
☐ acceptée par défaut  
☐ refusée par défaut  
☐ acceptée au risque 5% de se tromper

À partir de  $N$  valeurs  $x_n$  considérées comme des réalisations d'une variable aléatoire de Gauss-Laplace de moyenne  $\mu$  et d'écart-type  $\sigma$  on calcule  $\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N x_n$ ,  $\overline{x^2} = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N (x_n)^2$

Pour  $N = 5$ ,  $\bar{x} = 4$  et  $\overline{x^2} = 25$  l'intervalle de confiance de  $\sigma$  au risque 5% est

- ☐ Autre, l'écrire :  
☐  $1.96 < \sigma < 12.92$   
☐  $2.18 < \sigma < 7.96$   
☐  $2.01 < \sigma < 9.64$

Pour ces mêmes valeurs l'intervalle de confiance de  $\mu$  au risque 5% est

- ☐  $0.61 < \mu < 7.39$   
☐ Autre, l'écrire :  
☐  $-0.16 < \mu < 8.16$   
☐  $1.06 < \mu < 6.94$

On a mesuré simultanément les longueurs du bras gauche  $g_n$  et droit  $d_n$  de chaque individu  $n$  d'un échantillon de taille  $N$  pris dans une population des gens ayant leurs deux bras. Il s'agit de comparer ces deux caractères en supposant qu'ils sont tout deux répartis suivant une loi gaussienne.

Les tests valables sont

- ☐ Déjà celui de la comparaison des écart-types des distributions  $g_n$  et  $d_n$   
☐ Celui de la comparaison des moyennes de  $g_n$  et  $d_n$  seulement si les écart-types de  $g_n$  et  $d_n$  peuvent être supposés identiques  
☐ Celui de l'hypothèse de moyenne nulle sur la distribution  $g_n - d_n$   
☐ Celui de la comparaison des moyennes de  $g_n$  et  $d_n$  dans tous les cas

On a mesuré des longueurs de bras gauche  $g_n$  et droit  $d_n$  d'individus sans prendre la précaution d'apparier ces mesures. Il s'agit de comparer ces deux caractères en supposant qu'ils sont tout deux répartis suivant une loi gaussienne.

Les tests valables sont	<input type="checkbox"/>	Celui de l'hypothèse de moyenne nulle sur la distribution $g_n - d_n$
	<input type="checkbox"/>	Celui de la comparaison des moyennes de $g_n$ et $d_n$ seulement si les écart-types de $g_n$ et $d_n$ peuvent être supposés identiques
	<input type="checkbox"/>	Celui de la comparaison des moyennes de $g_n$ et $d_n$ dans tous les cas
	<input type="checkbox"/>	Déjà celui de la comparaison des écart-types des distributions $g_n$ et $d_n$

Dans le cas de la comparaison de deux distributions relier l'objectif au test adapté :	<div>comparaison des moyennes</div>	<div>Test de Snedecor</div>
		<div>Test de Student-Fisher</div>
	<div>comparaison des écart-types</div>	<div>Test du <math>\chi^2</math></div>

On a examiné 140 individus en leur prêtant d'une part un caractère « Taille » prenant les valeurs 'Petit', 'Moyen', 'Grand' et d'autre part un caractère « Aspect » de valeurs 'Soigné' et 'Négligé'; le tableau des effectifs est :

	Taille		
Aspect	Petit	Moyen	Grand
Soigné	100	80	60
Négligé	60	80	100

	<input type="checkbox"/>	Les deux caractères dépendent l'un de l'autre en utilisant un risque de 5%
	<input type="checkbox"/>	Le test d'indépendance entre « Taille » et « Aspect » utilise la loi du $\chi^2$ à 1 degré de liberté
	<input type="checkbox"/>	Le test d'indépendance entre « Taille » et « Aspect » utilise la loi du $\chi^2$ à 2 degrés de liberté
	<input type="checkbox"/>	Les deux caractères dépendent l'un de l'autre en utilisant un risque de 1%

On dispose de  $N$  couples de données  $(x_n, y_n)$  et on cherche à savoir s'il y a une relation linéaire  $y = \alpha x + \beta$  entre les  $y$  et les  $x$ , dans les conditions expliquées en cours (i.e. les  $x_n$  sont supposés certain et les  $y_n$  sont des réalisations de variables aléatoires obtenues par l'addition des  $\alpha x_n + \beta$  et de la réalisation d'une variable aléatoire de Gauss-Laplace de moyenne nulle et d'écart-type  $\sigma$ ), Numériquement :  $\bar{x}^2 = 1$  ;  $\bar{y}^2 = 1$  ;  $\bar{x}\bar{y} = \delta$  ;  $\bar{x} = 0$  ;  $\bar{y} = 0$

Les estimations $\alpha^*, \beta^*$ de $\alpha$ et $\beta$ sont	<input type="checkbox"/> $\alpha^* = -1, \beta^* = 0$ <input type="checkbox"/> Autre, les écrire :
La quantité $\sum_{n=1}^N (y_n - \alpha^* x_n - \beta^*)^2$ vaut	<input type="checkbox"/> Autre, l'écrire : <input type="checkbox"/> $N 2 (1 - \delta)$ <input type="checkbox"/> $N (1 - \delta^2)$
L'intervalle de confiance à 5% de $\sigma$	<input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi du $\chi^2$ à $N - 2$ ddl <input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ :
L'intervalle de confiance à 5% de $\alpha$	<input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi de Student-fisher à $N - 1$ ddl <input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ :
L'intervalle de confiance à 5% de $\beta$	<input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ : <input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi de Student-fisher à $N - 2$ ddl
Pour $N = 18, \delta = 4/5$	<input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être infirmée avec le risque 30% de se tromper <input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être acceptée par défaut (le risque 5% a été utilisé) <input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être acceptée avec le risque 5% de se tromper <input type="checkbox"/> dans 95% des cas $0.48 < \alpha < 1.12$
Toujours pour $N = 18, \delta = 4/5$ , si $x = 0$ alors l'intervalle de confiance à 5% des réalisations $y$ est	<input type="checkbox"/> Autre, l'écrire : <input type="checkbox"/> $-1.39 < y < 1.39$ <input type="checkbox"/> $-0.32 < y < 0.32$

Prénom, Nom :

Chacun des  $\square$  précédant les réponses aux questions posées doit être rempli par 'V' ( $\square V$ ) si la réponse est vraie, 'F' ( $\square F$ ) si elle est fausse et laissé en blanc sinon. Une réponse correcte ('V' ou 'F') rapporte 1 point, une réponse fausse enlève 1 point; la non-réponse ne rapporte ni n'enlève rien. Pour certaines réponses il faut de plus écrire une formule qui sera évaluée exactement comme si elle était pré-écrite (sauf lorsqu'elle fait double emploi avec une autre en quel cas elle ne rapporte rien). Il peut y avoir plusieurs réponses justes par question.

En cas d'erreur la corriger de la façon la plus intelligible possible (le correcteur sera un humain); le mieux est sans doute d'utiliser d'abord un crayon de papier et une gomme et de passer à l'encre au final.

Il y a 51 points à gagner (sous réserve d'ajustements possibles sur le barème la note finale sera a priori les 20/51 du nombre de points obtenus) et le test est calibré pour que les remplissages systématiques n'apportent aucun point au total.

Pour limiter l'efficacité des échanges entre élèves, les réponses sont permutées aléatoirement d'une feuille d'examen à l'autre.

Une très grande population est composée d'individus dotés d'un caractère dont les valeurs peuvent être 'a', 'b' ou 'c'. Les proportions d'individus ayant ces valeurs sont  $\bar{w}_a$ ,  $\bar{w}_b$  et  $\bar{w}_c$ . Un échantillon de taille  $N$  est prélevé, il contient  $n_a$ ,  $n_b$  et  $n_c$  individus dotés des caractères 'a', 'b' et 'c'.

$N = 10$ ,  $n_a = 1$ ,  $n_b = 3$ ,  $n_c = 6$ . Dans l'approximation gaussienne et en calculant l'écart-type à partir des données, l'intervalle de confiance au risque 5% de  $\bar{w}_b$  est

- ☐  $6.18 \% < \bar{w}_b < 53.82 \%$   
☐  $-59.82 \% < \bar{w}_b < 119.82 \%$   
☐  $1.6 \% < \bar{w}_b < 58.4 \%$   
☐ Autre, l'écrire :

$N = 100$ ,  $n_a = 10$ ,  $n_b = 30$ ,  $n_c = 60$ . Avec le risque 5%, l'hypothèse  $\bar{w}_a = 20 \%$  est-elle

- ☐ acceptée au risque 5% de se tromper  
☐ acceptée par défaut  
☐ refusée au risque 5% de se tromper  
☐ refusée par défaut

À partir de  $N$  valeurs  $x_n$  considérées comme des réalisations d'une variable aléatoire de Gauss-Laplace de moyenne  $\mu$  et d'écart-type  $\sigma$  on calcule  $\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N x_n$ ,  $\overline{x^2} = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N (x_n)^2$

Pour  $N = 5$ ,  $\bar{x} = 4$  et  $\overline{x^2} = 25$  l'intervalle de confiance de  $\sigma$  au risque 5% est

- ☐  $1.96 < \sigma < 12.92$   
☐  $2.01 < \sigma < 9.64$   
☐  $2.18 < \sigma < 7.96$   
☐ Autre, l'écrire :

Pour ces mêmes valeurs l'intervalle de confiance de  $\mu$  au risque 5% est

- ☐  $0.61 < \mu < 7.39$   
☐  $1.06 < \mu < 6.94$   
☐ Autre, l'écrire :  
☐  $-0.16 < \mu < 8.16$

On a mesuré simultanément les longueurs du bras gauche  $g_n$  et droit  $d_n$  de chaque individu  $n$  d'un échantillon de taille  $N$  pris dans une population des gens ayant leurs deux bras. Il s'agit de comparer ces deux caractères en supposant qu'ils sont tout deux répartis suivant une loi gaussienne.

Les tests valables sont

- ☐ Celui de l'hypothèse de moyenne nulle sur la distribution  $g_n - d_n$   
☐ Celui de la comparaison des moyennes de  $g_n$  et  $d_n$  seulement si les écart-types de  $g_n$  et  $d_n$  peuvent être supposés identiques  
☐ Celui de la comparaison des moyennes de  $g_n$  et  $d_n$  dans tous les cas  
☐ Déjà celui de la comparaison des écart-types des distributions  $g_n$  et  $d_n$

On a mesuré des longueurs de bras gauche  $g_n$  et droit  $d_n$  d'individus sans prendre la précaution d'apparier ces mesures. Il s'agit de comparer ces deux caractères en supposant qu'ils sont tout deux répartis suivant une loi gaussienne.

Les tests valables sont	<input type="checkbox"/>	Celui de l'hypothèse de moyenne nulle sur la distribution $g_n - d_n$
	<input type="checkbox"/>	Déjà celui de la comparaison des écart-types des distributions $g_n$ et $d_n$
	<input type="checkbox"/>	Celui de la comparaison des moyennes de $g_n$ et $d_n$ seulement si les écart-types de $g_n$ et $d_n$ peuvent être supposées identiques
	<input type="checkbox"/>	Celui de la comparaison des moyennes de $g_n$ et $d_n$ dans tous les cas

Dans le cas de la comparaison de deux distributions relier l'objectif au test adapté :	<div>comparaison des moyennes</div>	<div>Test de Snedecor</div>
		<div>Test de Student-Fisher</div>
	<div>comparaison des écart-types</div>	<div>Test du <math>\chi^2</math></div>

On a examiné 140 individus en leur prêtant d'une part un caractère « Taille » prenant les valeurs 'Petit', 'Moyen', 'Grand' et d'autre part un caractère « Aspect » de valeurs 'Soigné' et 'Négligé'; le tableau des effectifs est :

	Taille		
Aspect	Petit	Moyen	Grand
Soigné	100	80	60
Négligé	60	80	100

	<input type="checkbox"/>	Le test d'indépendance entre « Taille » et « Aspect » utilise la loi du $\chi^2$ à 1 degré de liberté
	<input type="checkbox"/>	Les deux caractères dépendent l'un de l'autre en utilisant un risque de 1%
	<input type="checkbox"/>	Les deux caractères dépendent l'un de l'autre en utilisant un risque de 5%
	<input type="checkbox"/>	Le test d'indépendance entre « Taille » et « Aspect » utilise la loi du $\chi^2$ à 2 degrés de liberté

On dispose de  $N$  couples de données  $(x_n, y_n)$  et on cherche à savoir s'il y a une relation linéaire  $y = \alpha x + \beta$  entre les  $y$  et les  $x$ , dans les conditions expliquées en cours (i.e. les  $x_n$  sont supposés certain et les  $y_n$  sont des réalisations de variables aléatoires obtenues par l'addition des  $\alpha x_n + \beta$  et de la réalisation d'une variable aléatoire de Gauss-Laplace de moyenne nulle et d'écart-type  $\sigma$ ), Numériquement :  $\bar{x}^2 = 1$  ;  $\bar{y}^2 = 1$  ;  $\bar{x}\bar{y} = \delta$  ;  $\bar{x} = 0$  ;  $\bar{y} = 0$

Les estimations $\alpha^*$ , $\beta^*$ de $\alpha$ et $\beta$ sont	<input type="checkbox"/> $\alpha^* = \delta - 1, \beta^* = 0$ <input type="checkbox"/> Autre, les écrire :
La quantité $\sum_{n=1}^N (y_n - \alpha^* x_n - \beta^*)^2$ vaut	<input type="checkbox"/> $N 2 (1 - \delta)$ <input type="checkbox"/> Autre, l'écrire : <input type="checkbox"/> $N (1 - \delta^2)$
L'intervalle de confiance à 5% de $\sigma$	<input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ : <input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi du $\chi^2$ à $N - 2$ ddl
L'intervalle de confiance à 5% de $\alpha$	<input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ : <input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi de Student-fisher à $N - 1$ ddl
L'intervalle de confiance à 5% de $\beta$	<input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi de Student-fisher à $N - 2$ ddl <input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ :
Pour $N = 18, \delta = 4/5$	<input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être acceptée par défaut (le risque 5% a été utilisé) <input type="checkbox"/> dans 95% des cas $0.48 < \alpha < 1.12$ <input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être infirmée avec le risque 30% de se tromper <input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être acceptée avec le risque 5% de se tromper
Toujours pour $N = 18, \delta = 4/5$ , si $x = 0$ alors l'intervalle de confiance à 5% des réalisations $y$ est	<input type="checkbox"/> $-0.32 < y < 0.32$ <input type="checkbox"/> $-1.39 < y < 1.39$ <input type="checkbox"/> Autre, l'écrire :

Prénom, Nom :

Chacun des  $\square$  précédant les réponses aux questions posées doit être rempli par 'V' ( $\square V$ ) si la réponse est vraie, 'F' ( $\square F$ ) si elle est fausse et laissé en blanc sinon. Une réponse correcte ('V' ou 'F') rapporte 1 point, une réponse fausse enlève 1 point; la non-réponse ne rapporte ni n'enlève rien. Pour certaines réponses il faut de plus écrire une formule qui sera évaluée exactement comme si elle était pré-écrite (sauf lorsqu'elle fait double emploi avec une autre en quel cas elle ne rapporte rien). Il peut y avoir plusieurs réponses justes par question.

En cas d'erreur la corriger de la façon la plus intelligible possible (le correcteur sera un humain); le mieux est sans doute d'utiliser d'abord un crayon de papier et une gomme et de passer à l'encre au final.

Il y a 51 points à gagner (sous réserve d'ajustements possibles sur le barème la note finale sera a priori les 20/51 du nombre de points obtenus) et le test est calibré pour que les remplissages systématiques n'apportent aucun point au total.

Pour limiter l'efficacité des échanges entre élèves, les réponses sont permutées aléatoirement d'une feuille d'examen à l'autre.

Une très grande population est composée d'individus dotés d'un caractère dont les valeurs peuvent être 'a', 'b' ou 'c'. Les proportions d'individus ayant ces valeurs sont  $\bar{w}_a$ ,  $\bar{w}_b$  et  $\bar{w}_c$ . Un échantillon de taille  $N$  est prélevé, il contient  $n_a$ ,  $n_b$  et  $n_c$  individus dotés des caractères 'a', 'b' et 'c'.

$N = 10$ ,  $n_a = 1$ ,  $n_b = 3$ ,  $n_c = 6$ . Dans l'approximation gaussienne et en calculant l'écart-type à partir des données, l'intervalle de confiance au risque 5% de  $\bar{w}_b$  est

- ☐  $6.18 \% < \bar{w}_b < 53.82 \%$   
☐ Autre, l'écrire :  
☐  $1.6 \% < \bar{w}_b < 58.4 \%$   
☐  $-59.82 \% < \bar{w}_b < 119.82 \%$

$N = 100$ ,  $n_a = 10$ ,  $n_b = 30$ ,  $n_c = 60$ . Avec le risque 5%, l'hypothèse  $\bar{w}_a = 20 \%$  est-elle

- ☐ acceptée par défaut  
☐ refusée par défaut  
☐ refusée au risque 5% de se tromper  
☐ acceptée au risque 5% de se tromper

À partir de  $N$  valeurs  $x_n$  considérées comme des réalisations d'une variable aléatoire de Gauss-Laplace de moyenne  $\mu$  et d'écart-type  $\sigma$  on calcule  $\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N x_n$ ,  $\overline{x^2} = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N (x_n)^2$

Pour  $N = 5$ ,  $\bar{x} = 4$  et  $\overline{x^2} = 25$  l'intervalle de confiance de  $\sigma$  au risque 5% est

- ☐ Autre, l'écrire :  
☐  $2.18 < \sigma < 7.96$   
☐  $2.01 < \sigma < 9.64$   
☐  $1.96 < \sigma < 12.92$

Pour ces mêmes valeurs l'intervalle de confiance de  $\mu$  au risque 5% est

- ☐  $1.06 < \mu < 6.94$   
☐  $-0.16 < \mu < 8.16$   
☐ Autre, l'écrire :  
☐  $0.61 < \mu < 7.39$

On a mesuré simultanément les longueurs du bras gauche  $g_n$  et droit  $d_n$  de chaque individu  $n$  d'un échantillon de taille  $N$  pris dans une population des gens ayant leurs deux bras. Il s'agit de comparer ces deux caractères en supposant qu'ils sont tout deux répartis suivant une loi gaussienne.

Les tests valables sont

- ☐ Celui de la comparaison des moyennes de  $g_n$  et  $d_n$  seulement si les écart-types de  $g_n$  et  $d_n$  peuvent être supposés identiques  
☐ Celui de la comparaison des moyennes de  $g_n$  et  $d_n$  dans tous les cas  
☐ Déjà celui de la comparaison des écart-types des distributions  $g_n$  et  $d_n$   
☐ Celui de l'hypothèse de moyenne nulle sur la distribution  $g_n - d_n$

On a mesuré des longueurs de bras gauche  $g_n$  et droit  $d_n$  d'individus sans prendre la précaution d'apparier ces mesures. Il s'agit de comparer ces deux caractères en supposant qu'ils sont tout deux répartis suivant une loi gaussienne.

Les tests valables sont	<input type="checkbox"/> Celui de l'hypothèse de moyenne nulle sur la distribution $g_n - d_n$ <input type="checkbox"/> Déjà celui de la comparaison des écart-types des distributions $g_n$ et $d_n$ <input type="checkbox"/> Celui de la comparaison des moyennes de $g_n$ et $d_n$ dans tous les cas <input type="checkbox"/> Celui de la comparaison des moyennes de $g_n$ et $d_n$ seulement si les écart-types de $g_n$ et $d_n$ peuvent être supposées identiques
-------------------------	---

Dans le cas de la comparaison de deux distributions relier l'objectif au test adapté :	comparaison des moyennes	Test de Snedecor
	comparaison des écart-types	Test de Student-Fisher Test du $\chi^2$

On a examiné 140 individus en leur prêtant d'une part un caractère « Taille » prenant les valeurs 'Petit', 'Moyen', 'Grand' et d'autre part un caractère « Aspect » de valeurs 'Soigné' et 'Négligé'; le tableau des effectifs est :

Aspect \ Taille	Petit	Moyen	Grand
Soigné	100	80	60
Négligé	60	80	100

<input type="checkbox"/> Le test d'indépendance entre « Taille » et « Aspect » utilise la loi du $\chi^2$ à 1 degré de liberté <input type="checkbox"/> Les deux caractères dépendent l'un de l'autre en utilisant un risque de 5% <input type="checkbox"/> Les deux caractères dépendent l'un de l'autre en utilisant un risque de 1% <input type="checkbox"/> Le test d'indépendance entre « Taille » et « Aspect » utilise la loi du $\chi^2$ à 2 degrés de liberté
---

On dispose de  $N$  couples de données  $(x_n, y_n)$  et on cherche à savoir s'il y a une relation linéaire  $y = \alpha x + \beta$  entre les  $y$  et les  $x$ , dans les conditions expliquées en cours (i.e. les  $x_n$  sont supposés certain et les  $y_n$  sont des réalisations de variables aléatoires obtenues par l'addition des  $\alpha x_n + \beta$  et de la réalisation d'une variable aléatoire de Gauss-Laplace de moyenne nulle et d'écart-type  $\sigma$ ), Numériquement :  $x^2 = 1$  ;  $y^2 = 1$  ;  $\overline{x y} = \delta$  ;  $\overline{x} = 0$  ;  $\overline{y} = 0$

Les estimations $\alpha^*$ , $\beta^*$ de $\alpha$ et $\beta$ sont	<input type="checkbox"/> $\alpha^* = 1 - \delta$ , $\beta^* = 0$ <input type="checkbox"/> Autre, les écrire :
La quantité $\sum_{n=1}^N (y_n - \alpha^* x_n - \beta^*)^2$ vaut	<input type="checkbox"/> $N 2 (1 - \delta)$ <input type="checkbox"/> $N (1 - \delta^2)$ <input type="checkbox"/> Autre, l'écrire :
L'intervalle de confiance à 5% de $\sigma$	<input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ : <input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi du $\chi^2$ à $N - 2$ ddls
L'intervalle de confiance à 5% de $\alpha$	<input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi de Student-fisher à $N - 1$ ddls <input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ :
L'intervalle de confiance à 5% de $\beta$	<input type="checkbox"/> se trouve en utilisant la loi de Student-fisher à $N - 2$ ddls <input type="checkbox"/> est, l'écrire en fonction de $N$ et $\delta$ :
Pour $N = 18$ , $\delta = 4/5$	<input type="checkbox"/> dans 95% des cas $0.48 < \alpha < 1.12$ <input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être acceptée avec le risque 5% de se tromper <input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être infirmée avec le risque 30% de se tromper <input type="checkbox"/> L'hypothèse $\alpha = 1$ peut être acceptée par défaut (le risque 5% a été utilisé)
Toujours pour $N = 18$ , $\delta = 4/5$ , si $x = 0$ alors l'intervalle de confiance à 5% des réalisations $y$ est	<input type="checkbox"/> $-0.32 < y < 0.32$ <input type="checkbox"/> $-1.39 < y < 1.39$ <input type="checkbox"/> Autre, l'écrire :